

ESTATÍSTICA E DELINEAMENTO

FORMULÁRIO

Descrição	Fórmula
Covariância amostral	$cov_{xy} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y}) = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x}) y_i$
Propriedades covariância de variáveis aleatórias	$Cov[a+bX, c+dY] = bd Cov[X, Y] \quad ; \quad Cov[X, X] = V[X]$ $Cov[X \pm Y, Z] = Cov[X, Z] \pm Cov[Y, Z]$
Regressão Linear Simples	
Estimador do declive da recta $\hat{\beta}_1$	$\hat{\beta}_1 = \frac{Cov_{xY}}{s_x^2} = \sum_{i=1}^n c_i Y_i, \quad \text{com } c_i = \frac{x_i - \bar{x}}{(n-1) s_x^2}.$
Estimador da ordenada na origem $\hat{\beta}_0$	$\hat{\beta}_0 = \bar{Y} - \hat{\beta}_1 \bar{x} = \sum_{i=1}^n d_i Y_i, \quad \text{com } d_i = \frac{1}{n} - \frac{(x_i - \bar{x}) \bar{x}}{(n-1) s_x^2}.$
Variância dos estimadores $\hat{\beta}_1$ e $\hat{\beta}_0$	$Var(\hat{\beta}_1) = \frac{\sigma^2}{(n-1) s_x^2}, \quad Var(\hat{\beta}_0) = \sigma^2 \left(\frac{1}{n} + \frac{\bar{x}^2}{(n-1) s_x^2} \right).$
Covariância dos estimadores $\hat{\beta}_1$ e $\hat{\beta}_0$	$Cov(\hat{\beta}_0, \hat{\beta}_1) = -\frac{\bar{x} \sigma^2}{(n-1) s_x^2}.$
Intervalo de predição a $(1 - \alpha) \times 100\%$ para observação individual de Y , dado $X=x$:	$\left[(b_0 + b_1 x) - t_{\frac{\alpha}{2}; n-2} \cdot \sqrt{QMRE \cdot \left[1 + \frac{1}{n} + \frac{(x-\bar{x})^2}{(n-1) s_x^2} \right]}, \right.$ $\left. (b_0 + b_1 x) + t_{\frac{\alpha}{2}; n-2} \cdot \sqrt{QMRE \cdot \left[1 + \frac{1}{n} + \frac{(x-\bar{x})^2}{(n-1) s_x^2} \right]} \right].$
Valor do efeito alavanca	$h_{ii} = \frac{1}{n} + \frac{(x_i - \bar{x})^2}{(n-1) s_x^2}$
Propriedades de Matrizes	$(\mathbf{A} \pm \mathbf{B})^t = \mathbf{A}^t \pm \mathbf{B}^t \quad (\mathbf{AB})^t = \mathbf{B}^t \mathbf{A}^t \quad (\mathbf{A}^t)^{-1} = (\mathbf{A}^{-1})^t$
Propriedades da Multinormal	Se $\vec{\mathbf{W}} \cap \mathcal{N}_n(\vec{\boldsymbol{\mu}}, \boldsymbol{\Sigma})$, $\vec{\mathbf{a}}$ vector $k \times 1$ (não aleatório) e \mathbf{C} matriz $k \times n$ (não aleatória, de característica k) então $\mathbf{C}\vec{\mathbf{W}} + \vec{\mathbf{a}} \cap \mathcal{N}_k(\mathbf{C}\vec{\boldsymbol{\mu}} + \vec{\mathbf{a}}, \mathbf{C}\boldsymbol{\Sigma}\mathbf{C}^t)$
Regressão Linear Múltipla	
Equação do modelo	$\vec{\mathbf{Y}} = \mathbf{X}\vec{\boldsymbol{\beta}} + \vec{\boldsymbol{\epsilon}}$
Vector dos estimadores dos parâmetros	$\vec{\boldsymbol{\beta}} = (\mathbf{X}^t \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^t \vec{\mathbf{Y}}.$
Matriz de projecção ortogonal	$\mathbf{H} = \mathbf{X} (\mathbf{X}^t \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^t.$
Vector dos valores estimados de Y	$\vec{\mathbf{Y}} = \mathbf{X}\vec{\boldsymbol{\beta}} = \mathbf{H}\vec{\mathbf{Y}}.$
Matriz de (co-)variâncias dos estimadores $\hat{\beta}_i$	$Var(\vec{\boldsymbol{\beta}}) = \sigma^2 \cdot (\mathbf{X}^t \mathbf{X})^{-1}.$
Distribuição dos resíduos	$E_i \cap \mathcal{N}(0, \sigma^2 \cdot (1 - h_{ii}))$ com $h_{ii} = \mathbf{H}_{(i,i)}.$
AIC (Critério de Informação de Akaike)	$AIC = n \ln \left(\frac{SQRE_k}{n} \right) + 2(k + 1).$
IC a $(1 - \alpha) \times 100\%$ para combinações lineares dos parâmetros: $\vec{\mathbf{a}}^t \vec{\boldsymbol{\beta}} = \sum_{i=0}^p a_i \beta_i.$	$\left[\vec{\mathbf{a}}^t \vec{\mathbf{b}} - t_{\frac{\alpha}{2}; n-(p+1)} \cdot \hat{\sigma}_{\vec{\mathbf{a}}^t \vec{\boldsymbol{\beta}}}, \quad \vec{\mathbf{a}}^t \vec{\mathbf{b}} + t_{\frac{\alpha}{2}; n-(p+1)} \cdot \hat{\sigma}_{\vec{\mathbf{a}}^t \vec{\boldsymbol{\beta}}} \right].$ com $\hat{\sigma}_{\vec{\mathbf{a}}^t \vec{\boldsymbol{\beta}}} = \sqrt{QMRE \cdot \vec{\mathbf{a}}^t (\mathbf{X}^t \mathbf{X})^{-1} \vec{\mathbf{a}}}.$
Teste de Ajustamento Global	$F = \frac{n-(p+1)}{p} \cdot \frac{R^2}{1-R^2}.$
Teste aos Modelos Encaixados (teste F parcial)	$F = \frac{(SQRE_s - SQRE_c)/(p-k)}{(SQRE_c)/(n-(p+1))}.$
Resíduos (internamente) estandardizados	$R_i = \frac{E_i}{\sqrt{QMRE \cdot (1-h_{ii})}}$
Distância de Cook	$D_i = R_i^2 \cdot \left(\frac{h_{ii}}{1-h_{ii}} \right) \cdot \frac{1}{p+1}$
R^2 modificado	$R_{mod}^2 = 1 - \frac{QMRE}{QMT}$

Descrição	Fórmula
ANOVA	
<u>Um factor</u>	$\hat{\mu}_1 = \bar{Y}_{1.} \quad ; \quad \hat{\alpha}_i = \bar{Y}_{i.} - \bar{Y}_{1.} \quad ; \quad E_{ij} = Y_{ij} - \bar{Y}_{i.}$ $V[\hat{\mu}_1] = \frac{\sigma^2}{n_1} \quad ; \quad V[\hat{\alpha}_i] = \sigma^2 \left[\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_i} \right]$ $SQF = \sum_{i=1}^k n_i (\bar{Y}_{i.} - \bar{Y}_{..})^2 \quad ; \quad SQRE = \sum_{i=1}^k (n_i - 1) S_i^2$
<u>Dois factores Factorial, com ou sem interacção</u> (delineamento equilibrado, n_c obs. por célula)	$SQA = b n_c \sum_{i=1}^a (\bar{Y}_{i..} - \bar{Y}_{...})^2$
(delineamento equilibrado, n_c obs. por célula)	$SQB = a n_c \sum_{j=1}^b (\bar{Y}_{.j.} - \bar{Y}_{...})^2$
<u>Dois factores Factorial, sem interacção</u>	$\hat{Y}_{ijk} = \bar{Y}_{i..} + \bar{Y}_{.j.} - \bar{Y}_{...}$
<u>Dois factores Factorial, com interacção</u>	$\hat{\mu}_{11} = \bar{Y}_{11.} \quad ; \quad \hat{\alpha}_i = \bar{Y}_{i1.} - \bar{Y}_{11.} \quad ; \quad \hat{\beta}_j = \bar{Y}_{1j.} - \bar{Y}_{11.}$ $(\hat{\alpha}\hat{\beta})_{ij} = (\bar{Y}_{ij.} + \bar{Y}_{11.}) - (\bar{Y}_{i1.} + \bar{Y}_{1j.})$ $\widehat{V}[\hat{\alpha}_i] = QMRE \left(\frac{1}{n_{i1}} + \frac{1}{n_{11}} \right)$ $\widehat{V}[\hat{\beta}_j] = QMRE \left(\frac{1}{n_{1j}} + \frac{1}{n_{11}} \right)$ $\widehat{V}[(\hat{\alpha}\hat{\beta})_{ij}] = QMRE \left(\frac{1}{n_{ij}} + \frac{1}{n_{11}} + \frac{1}{n_{1j}} + \frac{1}{n_{i1}} \right)$ $E_{ijk} = Y_{ijk} - \bar{Y}_{ij.}$ $SQRE = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^b (n_{ij} - 1) S_{ij}^2$
<u>Dois factores Hierarquizados</u>	$g.l.(SQA) = a - 1$ $g.l.(SQB(A)) = \sum_{i=1}^a (b_i - 1)$ $g.l.(SQRE) = n - \sum_{i=1}^a b_i$ $SQRE = \sum_{i=1}^a \sum_{j=1}^{b_i} (n_{ij} - 1) S_{ij}^2$
(del. equilibrado, n_c obs. por célula/folha)	$SQA = n_c \sum_{i=1}^a b_i (\bar{Y}_{i..} - \bar{Y}_{...})^2$
<u>Testes de Tukey</u>	
(n_c repetições em cada um de m níveis/células)	$q_{\alpha(m,\nu)} \sqrt{QMRE/n_c} \quad (\text{com } \nu = gl(SQRE)).$
<u>Teste de Bartlett</u>	
(m níveis/células)	$K = \frac{(n-m) \ln QMRE - \sum_i \left[\sum_j (n_{i[j]} - 1) \ln S_{i[j]}^2 \right]}{C} \sim \chi_{m-1}^2$
[.] indica que pode ou não ser preciso	$\text{onde } C = 1 + \frac{1}{3(m-1)} \left(\sum_i \left[\sum_j \frac{1}{n_{i[j]} - 1} - \frac{1}{n-m} \right] \right)$